1.2 Mindestgrad der Funktion bestimmen

(2P)

Betrachte den oberen Rand des Pilzes und achte dabei vor allem auf Eigenschaften wie

- Hochpunkte
- Tiefpunkte
- Wendepunkte

All diese Eigenschaften geben Aufschluss darüber, welche und wie viele Bedingungen die Funktion erfüllen muss und welchen Grad sie dann haben muss.

1.2 ► Mögliche Näherungsfunktion bestimmen

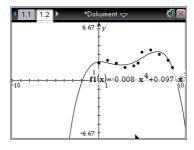
(9P)

In der Aufgabenstellung sind dir 12 Punkte gegeben, durch die der Graph der Funktion verlaufen soll. Du kannst eine mögliche Funktionsgleichung also durch **Regression** bestimmen. Nutze dazu dein CAS.

Gib die Daten in dein CAS ein und führe eine Regression durch.

▶ Güte der Näherungsfunktion beschreiben

Um die Güte der Näherungsfunktion zu beschreiben, kannst du ihren Graphen zunächst zeichnen und mit den 10 Punkten vergleichen und mit dem tatsächlichen Verlauf des oberen Rand des Pilzes vergleichen.



2.1 ► Gesamtfläche des verarbeiteten Papiers berechnen

(7P)

Lies die Aufgabenstellung nochmals genau durch:

- Der Pilz besteht aus 25 Papierlamellen, die je ein Längsschnitt des Pilzes sind.
- Wenn A der Inhalt des Längsschnitts ist, dann ist 25 · A die Fläche des verarbeiteten Papiers.
- Berechne also den Inhalt des Längsschnitts.

Berechne ein **Integral**, um den Flächeninhalt zu ermitteln. Aufgrund der Achsensymmetrie zur x-Achse der Figur kannst du dich auf den Teil oberhalb der x-Achse beschränken.

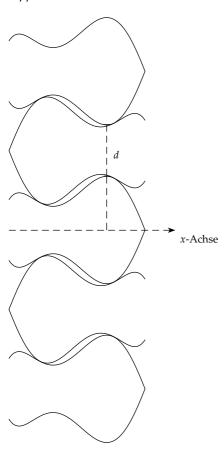
2.2 Plausible Argumentation entwickeln und Behauptung beweisen

(8P)

Berechne zunächst den Flächeninhalt des Bogens, den Marie gekauft hat. Überlege, was es zu beachten gilt:

- Beim Ausschneiden der Pilzlamellen entsteht **Verschnitt**. Überlege also, wie man die Figuren am günstigsten auf dem Bogen anordnen kann, um Platz zu sparen und zeige, dass dann genügend Papier vorhanden ist.
- Berechne, ob mit diesem Verschnitt das Papier noch genügt.

Tipp:



3.1 ► Parameterwert nachweisen

(6P)

a ist die Stelle, an der die Graphen der beiden Funktionen stiel und hut sich treffen; hier liegt also ein **Schnittpunkt** der beiden Graphen von. Zeige, dass die beiden Funktionen bei $a \approx 5,5$ (nahezu) denselben Funktionswert besitzen:

3.2 ► Kunststoffmasse in g berechnen

(7P)

In der Aufgabenstellung ist dir die Dichte des Plastikmaterials gegeben. Berechne also das **Volumen** des Pilzes und multipliziere es mit der Dichte.

Beachte dabei:

- Der Pilz entsteht, wenn die Graphen von *stiel*, *hut* und *hohl* um die *x*-Achse rotieren.
- Für das Volumen eines Rotationskörpers um die x-Achse gilt die Formel: $V=\pi\cdot\int_a^b(f(x))^2\,\mathrm{d}x$
- Du kannst zunächst das Volumen des Pilzes berechnen, ohne den Hohlraum zu berücksichtigen. Subtrahiere anschließend das Volumen des Hohlraums.